



부천대학교  
BUCHEON UNIVERSITY

# 이차방정식



$$ax^2 + bx + c = y$$

$f(x) = 0$ 의 근과 최대최소값?

$$f(x) = 2x^2 - 2$$

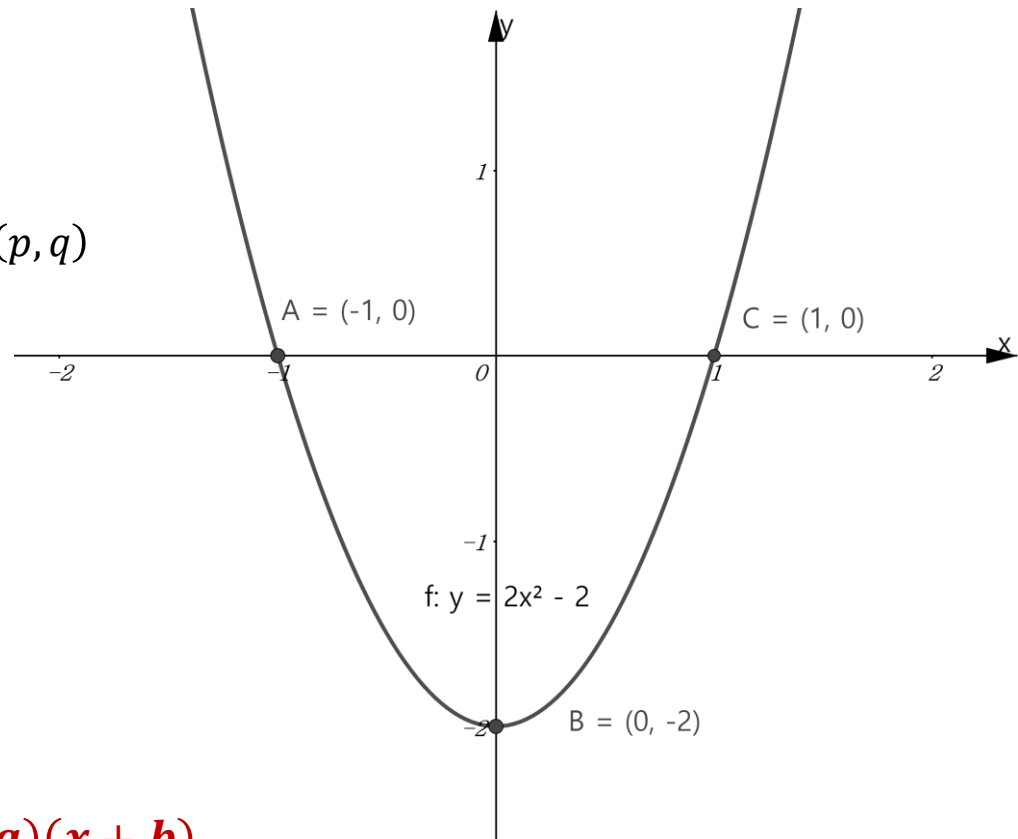
$$f(x) = a(x - p)^2 - q \quad a > 0 \text{ at } \text{Min}(p, q)$$

At  $(0, -2)$

$$f'(x) = 4x, \quad x = 0, y = -2$$

이차방정식의 인수분해

- $ma + mb = m(a + b)$
- $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$
- $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$
- $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$
- $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$
- $acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$



$$x^2 - 5x + 6$$

$$f(x) = a(x - p)^2 - q \quad a > 0 \text{ at } \text{Min}(p, q)$$

$$= \left(x - \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$$

$$= x^2 - 5x + \frac{25}{4} - \frac{1}{4}$$

If  $f(x)$  is complicate, Not easy-  
so

$$= (x - 3)(x - 2)$$

$$\text{최소값} \left(-\frac{b}{2a}, -\frac{b^2 - 4ac}{4a}\right)$$

$$f'(x) = 2x - 5$$

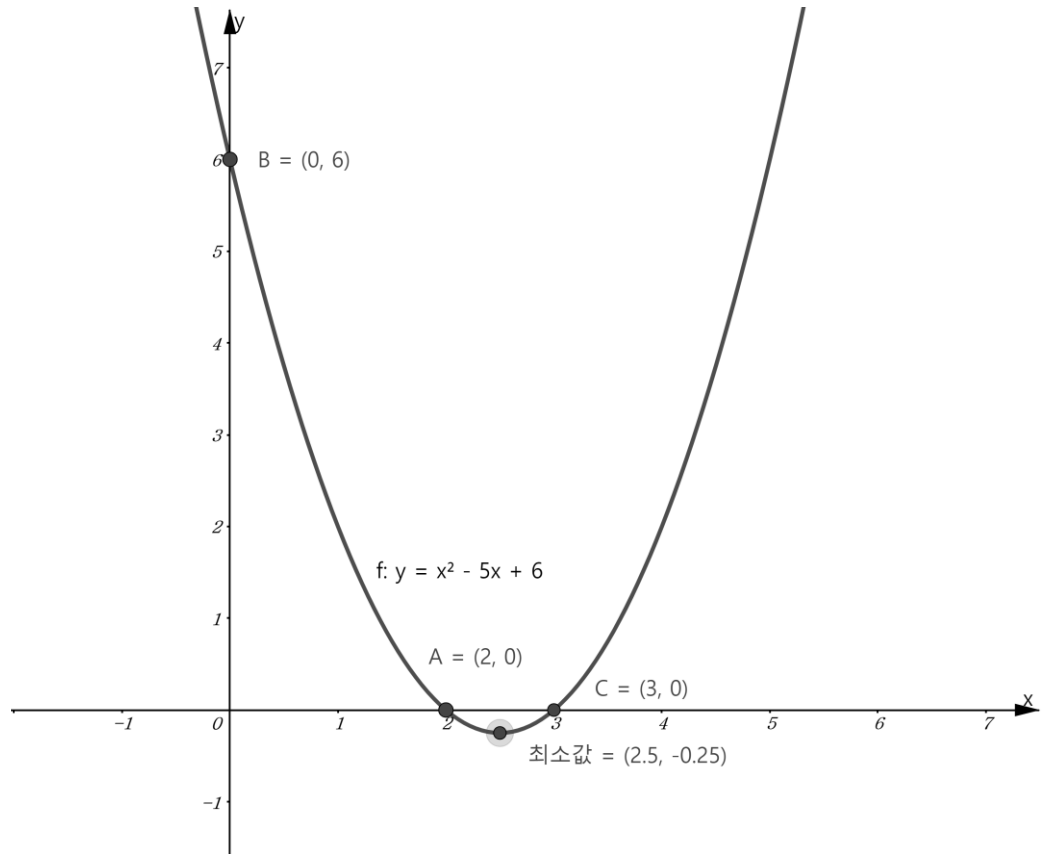
$$a > 0$$

$$\text{최소값} (5/2, -1/4)$$

$$2x^2 + 9x + 9$$

$$= (2x + 3)(x + 3)$$

$$x = -\frac{3}{2}, -3$$



P(x)를 **(x-α)**로 나눌때 몫과 나머지를 구하는법

$$\frac{x^3+5x^2+3x+1}{x+1} = (x+1)(x^2+4x-1) + 2$$

$$\begin{array}{r|rrrr} -1 & 1 & 5 & 3 & 1 \\ & -1 & -4 & 1 & \\ \hline & 1 & 4 & -1 & 2 \end{array}$$

$$\frac{2x^3-5x^2+4x+1}{x-\frac{3}{2}} = \left(x - \frac{3}{2}\right)(2x^2 + 2x + 1) + \frac{1}{2}$$

$$\frac{2x^3-5x^2+4x+1}{2x-3} = \left(x - \frac{3}{2}\right)(2x^2 + 2x + 1) + \frac{1}{2}$$

3/2로 조립제법으로 나누고 2로 몫을 나눈다

$$\begin{aligned}
 x^3 - x^2 - 3x + 6 &= a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d \\
 &= (x-1)\{ \underbrace{a(x-1)^2 + b(x-1) + c}_{\text{몫}} \} + \underbrace{d}_{\text{나머지}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r|rrrr}
 1 & 1 & -1 & 3 & 6 \\
 & & 1 & 0 & -3 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|rrrr|l}
 1 & 1 & 0 & -3 & 3 & d \\
 & & 1 & 1 & & \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|rr|rl}
 1 & 1 & 1 & -2 & c \\
 & & 1 & & \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l}
 1 & 2 & b \\
 \hline
 \end{array}$$

a

$$ax^2 + bx + c = 0$$

1. 완전제곱식 = 근의 공식
2. 인수분해

$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ 두근을 } \alpha, \beta$$

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$$

$$\alpha\beta = \frac{c}{a}$$

$$|\alpha - \beta| = \frac{\sqrt{D}}{a} = \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{a}$$

$$\left(x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a}\right) = 0$$

$$a(x^2 - (\alpha + \beta)x + \alpha\beta) = 0$$

$$a(x^2 - \text{합}x + \text{곱}) = 0$$

합차 공식

$$x^2 - 4x - 16 = 0$$

$$x^2 - 4x + 4 - 4 - 16 = 0$$

$$x^2 - 4x + 4 = 20$$

$$(x - 2)^2 = \sqrt{20}$$

$$x = 2 \pm 2\sqrt{5}$$

$$x = \left(\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}\right)$$

$$ax^2 + 2b'x + c = 0 \text{ 근 } \alpha, \beta = \left(\frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}}{2a}\right)$$

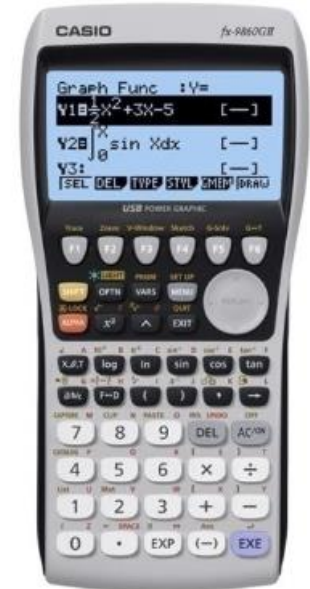
x의 두근을 합 곱 차를 하면 좌변의 식이 완성



TI-Nspire CXII CAS 23만원 선



카시오 FX-9860 G3/G2 20만원선



고등학교 까지 계산기의 사용은 마치 커닝이나 나쁜 행위로 간주 되어왔음.  
선진국은 초등학교부터 계산기의 사용을 산수 시간부터 가르치고 있음.  
이제 계산기의 사용법을 익혀봅시다.

기본식을 넣어봅시다.

$$\frac{3}{4} + 2\frac{2}{3} = , \frac{\frac{2}{3}}{4} =$$

$$\sqrt{2} \times \sqrt{3} =$$

대분수 넣는 법과 대분수 구하는 법, 소수점으로 변환하는 법.(S<->D)

$$r=3인 원의 넓이 \pi r^2 =$$

기본식을 넣어봅니다.

$$2^x = 32$$

$2, x, x, \rightarrow, \text{alpha calc}, 8, \text{shift calc}, =$  답과 답을 넣을시 좌측과 우측 계산 결과 = 0

$$3^n = 1/27$$

$$\log_{10} 1000 = , \log_2 16 =$$

$y = \sin x$  에서  $x = 0, x = \frac{\pi}{2}, x = \pi$  에서의 미분값

*Setup, angle, radian*

$\frac{d}{dx}(\sin x) x = 0, =$  답을 구하고 다시 식을 재사용하기 위하여 <-키 사용

$$8x + 40 = 0$$

$$\frac{x-3}{x} = 0.25, \quad \frac{x-3}{x+1} = 0.5$$

$$\frac{x-3}{x+1} = x-1$$

1차 연립방정식 방정식 모드

$$\begin{aligned} x + 2y &= 3, \\ 2x + 3y &= 4 \end{aligned}$$

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$

$$x^3 + 3x^2 - x - 3 = 0$$

$$2^x = 8$$

$$3^x = 1/27$$

### 미지수 하나 1차 방정식

$$8x + 40 = 0$$

$$8x + 40 \text{ alphax} = 0 \text{ Shift Solve, =}$$

$$8x + 40 = 4x + (15 * 4)$$

$$8x + 40 \text{ alphax} = 4x + (15 * 4) \text{ Shift Solve, =}$$

$$\frac{x-3}{x} = 0.25, \quad \frac{x-3}{x+1} = 0.5$$

$$\frac{x-3}{x+1} = x - 6.5 \text{ can't Solve?}$$

### 미지수가 2개이상인 1차 연립방정식의 계산

$$\begin{aligned}x + 2y &= 3, \\ 2x + 3y &= 4\end{aligned}$$

*Mode* 모드- Calculate에서 -xy equation-1 simul

미지수 (Unknown) 2

해당 값을 입력 =(Enter)로 간주한다.

$$\begin{aligned}4x + 5y &= 6, \\ 7x + 8y &= 9\end{aligned}$$

### 2차 방정식의 계산

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$

*Mode*

2 Polynomial degree 2 미지수 (Unknown) 2

해당 값을 입력 =(Enter)로 간주한다.

$$x^2 + 4x + 3 = 0$$

$$4x^2 - 4x + 16 = 0$$

$$\frac{x-3}{x+1} = x-6.5$$

$$x-3 = (x+1)(x-6.5), \quad x-3 = x^2 - 6.5x + x - 6.5 \rightarrow x^2 - 5.5x - 6.5$$
$$-x^2 + 6.5x + 3.5 = 0$$

$$\frac{2x-4}{3x} = x$$

### 3차 방정식

$$x^3 + 3x^2 - x - 3 = 0$$

### 3차 방정식

$$x^3 + 3x^2 - x - 3 = 0$$

### 지수방정식

$$2^x = 8$$

*Mode 1 calcualte*

*2 x x alpha = 8 shift solve*

$$3^x = 1/27$$

문명의 혜택을

철저히 즐기자

## 이차방정식의 근, 근과 계수관계 연습문제

공학 기초 수학

$$3x^2 - 4x - 15 = 0 \text{ 근 } \alpha, \beta$$

X1을 STO (-) A  
X2를 STO (.) B  
Alpha A로 불러옴

1.  $3\alpha + 3\beta = ?$

2.  $(\alpha - \beta)^2 = ?$

3.  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = ?$

4.  $\alpha^2 + \beta^2 = ?$

## 이차방정식의 근, 근과 계수관계 연습문제

공학 기초 수학

$$2x^2 + 6x - 3 = 0 \text{ 근 } \alpha, \beta$$

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$$
$$\alpha\beta = \frac{c}{a}$$

1.  $\alpha^2\beta + \alpha\beta^2 = ?$

1.  $\frac{\beta+1}{\alpha} + \frac{\alpha+1}{\beta} = ?$

$$2x^2 + 6x - 3 = 0$$

$$x = \left( \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \right)$$

$$x = \frac{-6 \pm \sqrt{60}}{4}$$

$$x + x = -\frac{12}{4} = -3$$

$$x^2 = \frac{36 - 60}{16} = -\frac{24}{16} = -\frac{3}{2}$$

$$ax^2 + 2b'x + c = 0 \text{ 근 } \alpha, \beta$$

$$= \left( \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}}{2a} \right)$$

## 이차방정식의 근, 근과 계수관계 연습문제

공학 기초 수학

$x^2 - 2x - k = 0$  두근의 비가 1:2 일때  $k$ 값은?

$x^2 + kx + k - 1 = 0$  두근의 차가 3일때 실수  $k$ 값을 모두 곱하면?

두수  $\alpha, \beta$ 를 근으로 하고, 이차항의 계수가 1인 이차 방정식?

$$(x - \alpha)(x - \beta) = 0$$

$$x^2 - (\alpha + \beta)x + \alpha\beta = 0$$

두수  $\alpha, \beta$ 를 근으로 하고, 이차항의 계수가  $a$ 인 이차 방정식?

$$a(x - \alpha)(x - \beta) = 0$$

$$a(x^2 - (\alpha + \beta)x + \alpha\beta) = 0$$

이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 에서  $a, b, c$ 가 유리수 일때  
한 근이  $p + q\sqrt{m}$ 이면 다른 한 근은  $p - q\sqrt{m}$ 이다 (단  $p, q$ 는 유리수,  $q \neq 0, \sqrt{m}$ 은 무리수?)

이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 에서  $a, b, c$ 가 실수 일때  
한 근이  $p + qi$ 이면 다른 한 근은  $p - qi$ 이다 (단  $p, q$ 는 실수,  $q \neq 0, i = \sqrt{-1}$ 은 무리수?)

두 근이  $\sqrt{3} + 1, \sqrt{3} - 1$  이고,  $x^2$ 의 계수가 1인 이차 방정식?

이차항의 계수가 2이고 두수  $3 + \sqrt{6}, 3 - \sqrt{6}$ , 을 두근으로 하는  $x$ 에 대한 이차방정식을 만들때  
일차항의 계수가  $a$ , 상수항은  $b$ 일때,  $\frac{a}{b}$  ?

두 유리수  $a, b$ 에 대하여 이차방정식  $x^2 + ax + b$ 의 한 근이  $2 + \sqrt{2}$  일 때,  $a + b$ ?

$$ax^2 + bx + c = 0 \quad \alpha, \beta, a \neq 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}, \frac{-b'' \pm \sqrt{b''^2 - ac}}{a}, \text{에서}$$

$$D(\text{discriminant}) = b^2 - 4ac \quad \text{or} \quad D/4 = b'^2 - ac$$

$D > 0$  서로 다른 양의 실수

$D = 0$  2중실근 = 중근

$D < 0$  서로 다른 허수

$kx^2 - 8x + k + 6 = 0$  가 실근을 가질때 정수  $k$ 의 개수는 ? (단  $k > 0$ )

$x^2 - kx + 4 = 0$  은 서로 다른 두 허근을 갖고,  $x^2 + 2kx + 4k + 12 = 0$ 은 실근을 가지도록 하는 실수  $k$ 의 범위?

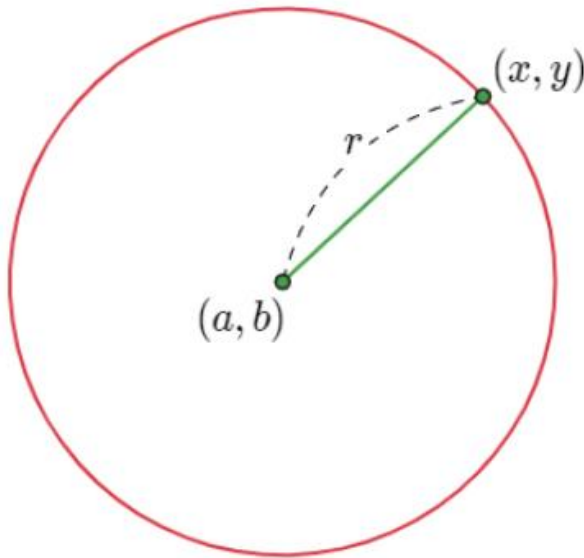
접점이 주어질 때

	이차곡선의 방정식	$(x_0, y_0)$ 에서의 접선 방정식
포물선	$y^2 = 4px$	$y_0 y = 2p(x + x_0)$
타원	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$	$\frac{x_0 x}{a^2} + \frac{y_0 y}{b^2} = 1$
쌍곡선	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$	$\frac{x_0 x}{a^2} - \frac{y_0 y}{b^2} = 1$

기울기가 주어질 때

	이차곡선의 방정식	기울기가 $m$ 인 접선 방정식
포물선	$y^2 = 4px$	$y = mx + \frac{p}{m}$
	$x^2 = 4py$	$y = mx - m^2 p$
타원	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$	$y = mx \pm \sqrt{a^2 m^2 + b^2}$
쌍곡선	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$	$y = mx \pm \sqrt{a^2 m^2 - b^2},  m  > \left  \frac{b}{a} \right $
	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = -1$	$y = mx \pm \sqrt{b^2 - a^2 m^2},  m  < \left  \frac{b}{a} \right $

원의 정의 : 한점에서 같은 거리에 있는 점들의 모임



$$\sqrt{(x-a)^2 + (y-b)^2} = r$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2 \text{ (원의 방정식)}$$

중심의 좌표  $(a, b)$ , 반지름  $r$

**피타고라스 정리**

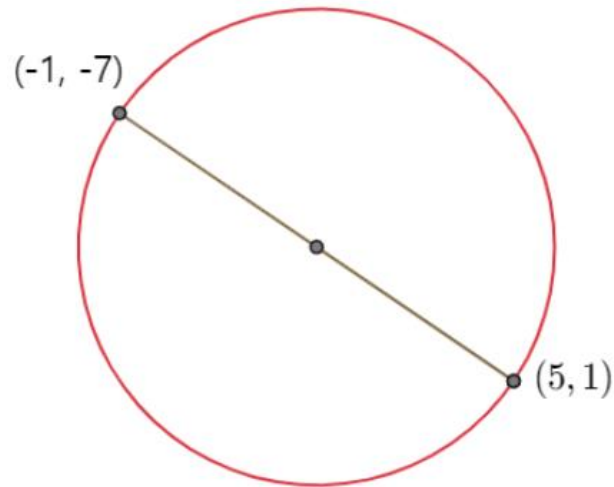
$$ex) (x+1)^2 + (y-3)^2 = 3$$

반지름  $\sqrt{3}$ ,  $(-1, 3)$  중심인 원

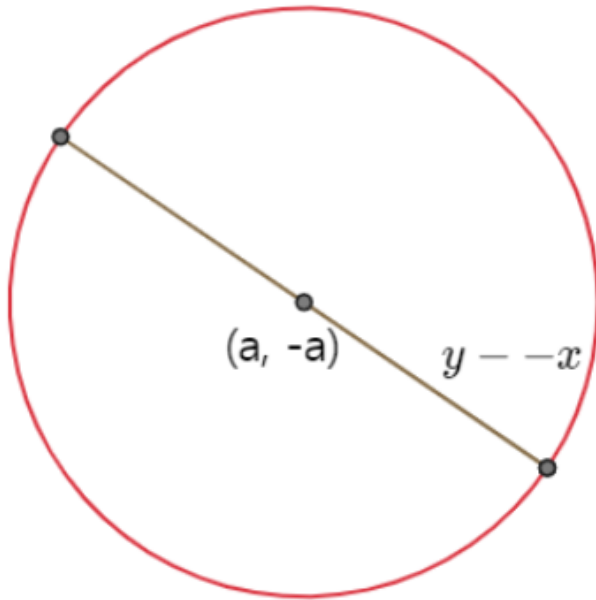
$$ex) x^2 + y^2 = 1$$

반지름 1, 원점  $(0, 0)$  중심인 원

$A(-1,7), B(5,1)$ 을 지름의 양끝으로 하는 원이있을 때  $(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$



중심이  $y = -x$  위에 있고  $(1,0), (0,-7)$ 을 지나는 원의 방정식은?





부천대학교  
BUCHEON UNIVERSITY



# 지수함수 로그함수



- $a^m * a^n = a^{m+n}$ ,  $a^2 * a^3 = a^{2+3} = a^5$
- $(a^m)^n = a^{m * n}$ ,  $(a^2)^3 = a^{2*3} = a^6$

밑수  $a > 0$

- $m > n$ ,  $a^m / a^n = a^{m-n}$ ,  $a^5 / a^3 = a^{5-3} = \frac{a*a*a*a*a}{a*a*a} = a^2$
- $m = n$ ,  $a^m / a^n = 1$
- $m < n$ ,  $a^m / a^n = \frac{1}{a^{n-m}}$
- $a^0 = 1$
- $(ab)^n = a^n b^n$ ,  $(\frac{b}{a})^n = \frac{b^n}{a^n}$
- $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$                        $a^{-3} = \frac{1}{a^3}$
- $a^{\frac{n}{m}} = \sqrt[m]{a^n}$                        $a^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{a^2}$ ,  $a^{\frac{1}{2}} = \sqrt[2]{a^1} = \sqrt{a}$

- $A = 2^2, 8^2$ 을 A를 이용하여 나타내면 ?

- $2^3 * 2^x = 64, x = ?$

- $(x^8)^3 \div x^5 \div (x^4)^4 = ?$

- $(a^3)^2 * (b^x)^2 * (a^5)^y = a^{21}b^{14}, x + y = ?$

$$f(x) = a^x,$$

$$a > 1, 0 < a < 1$$

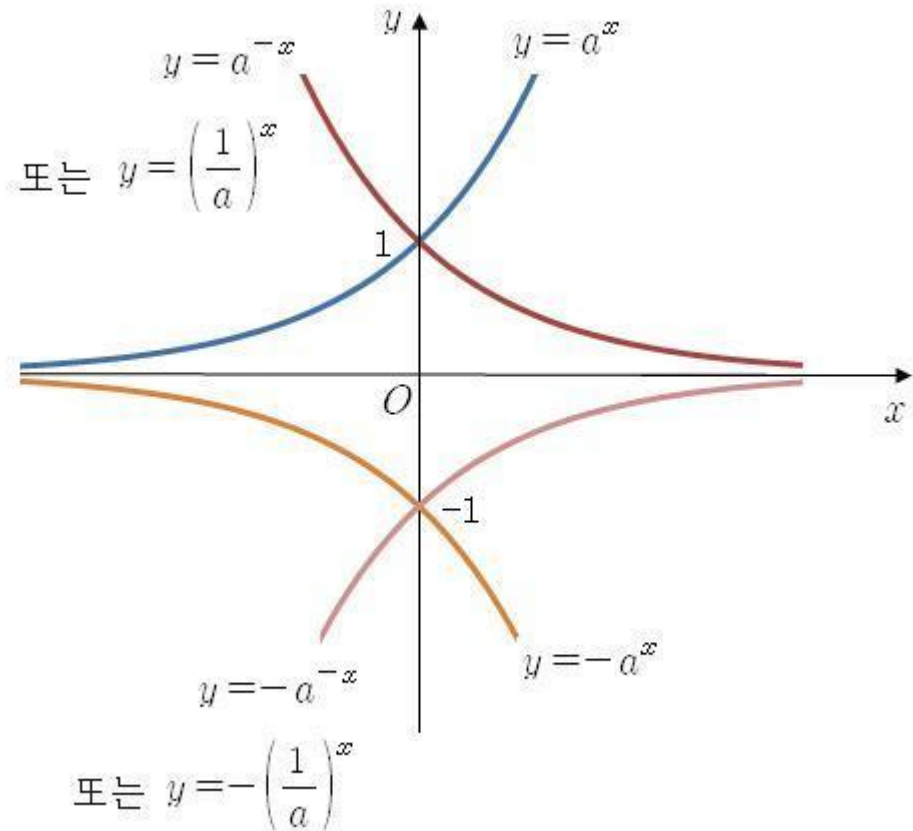
Blue curve =  $a > 1$

$$f(x) = a^{-x} = \left(\frac{1}{a}\right)^x$$

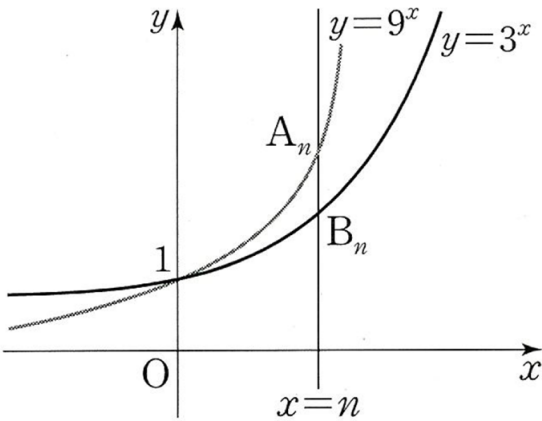
Then Graph ?

$$f(x) = -a^x$$

$$f(x) = -a^{-x} = -\left(\frac{1}{a}\right)^x$$



그림과 같이 두 곡선  $y=9^x$ ,  $y=3^x$ 과 직선  $x=n$ ( $n$ 은 자연수)이 만나는 점을 각각  $A_n, B_n$ 이라하자. 부등식  $\overline{A_n B_n} \leq 3^{20} - 3^{10}$  을 만족시키는 자연수  $n$ 의 개수를 구하시오.



- ① 7                      ② 9                      ③ 10  
 ④ 13                    ⑤ 15

$$2^x = 4, x = ?$$

$$2^x = 5, x = ? \quad 2 < x < 3 \text{ 이것을 수로 표현하면? } 2.\text{xxxxxx} \text{ 무리수}$$

$$2 = \text{밑수}, x = \text{지수}, 5 = \text{진수}$$

$$x = \log_2 5$$

로그의 정의 (두식은 완전 동일한 식)

$$a^x = b,$$

$$x = \log_a b, \quad (a > 0, a \neq 1, b > 0)$$

$$\log_8 0.25 = x$$

$$\log_{2\sqrt{2}} 64 = x$$

$$\log_x 81 = 2$$

$$\log_6(\log_{64} x) = -1$$

## 지수 법칙

- $a^0 = 1, a^{-1} = \frac{1}{a}$
- $a^x a^y = a^{x+y}$
- $a^x \div a^y = a^{x-y}$
- $(a^x)^y = a^{xy}$
- $(ab)^x = a^x b^x$
- $\left(\frac{b}{a}\right)^x = \frac{b^x}{a^x}$

## Log 성질

- $\log_a 1 = 0, a^0 = 1$
- $\log_a a = 1, a^1 = a$
- $\log_a xy = \log_a x + \log_a y$   
(진수의 곱셈 로그의 덧셈)
- $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$   
(진수의 나눗셈, 로그의 뺄셈)
- $\log_a x^n = n \log_a x$
- $\log_{a^m} x^n = \frac{n}{m} \log_a x = \log_a x^{\frac{n}{m}} = \log_{a^{\frac{m}{n}}} x$

## *Log* 성질

- 밑변환공식
  - $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$
  - $\log_a b = \frac{\log_b b}{\log_b a} = \frac{1}{\log_b a} \Rightarrow \log_a b \cdot \log_b a = 1$
- $$\log_a b \cdot \log_b c = \frac{1}{\log_b a} \log_b c = \frac{\log_b c}{\log_b a} = \log_a c$$
- $a^{\log_b c} = c^{\log_b a}$
  - $a^{\log_a b} = b^{\log_a a} = b$

$$\log_{10} 2 = a, \quad \log_{10} 3 = b, \text{ 일때 } \log_{10} 5 = ?$$

$$\log_{10} 600 = ?$$

$$\log_{10} 0.72 = ?$$

$$\log_{10} 1 = 0$$

$$\log_{10} 10 = 1$$

$$\log_{10} 10^2 = 2$$

$$\log_{10} 0.1 = \log_{10} 10^{-1} = -1$$

$$\log_{10} 2 = a, \log_{10} 3 = b, \text{ 일때 } \log_{10} \sqrt[3]{500} = ?$$

$$\log_3 6 = a, \log_3 288 = ?$$

$$\log 0.5 = a, \log 9 = b, \quad \log 72 ?$$

$$\log 6 = 2a, \log 1.5 = 2b, \quad \log 24 ?$$

$$4\log_3 \sqrt{3} + 3\log_3 2 + 6\log_3(\sin 45^\circ) = ?$$

$$(\log_9 4 + \log_9 2)(\log_4 162 - \log_4 2)$$

$$x^2 - 5x + 5 = 0, \text{ 두 근 } \alpha, \beta \ (\alpha > \beta)$$

$$1) \log_6(\alpha + \beta^{-1}) + \log_6(\beta + \alpha^{-1}) + \log_6 \alpha\beta$$

$$x^2 - 5x + 5 = 0, \text{ 두근 } \alpha, \beta (\alpha > \beta)$$

$$2) d = \alpha - \beta, \quad \log_d \alpha + \log_d \beta$$

$$f(x) = 3^{2x}, \quad a = \log_9 2 + \log_9 4, \quad f(a) = ?$$

$$(3^{\log 4} + 2^{\log 9}) 3^{\log \frac{1}{4}}$$

$$45^x = 27, \quad 5^y = 81$$

1)  $x, y$ 를 상용로그로 표현하시오

$$2) \frac{3}{x} - \frac{4}{y} = ?$$

$$10^x = a, \quad 10^y = b, \quad 10^z = c, \quad (x + y \neq 0)$$

$$\log_{ab} \sqrt{b^2 c} = ?$$

$$\log_2 3 = a, \quad \log_3 7 = 6, \quad \log_{42} 56 = ?$$

상용로그의 계산 ( $\log 3.24 = 0.5105$ )

1)  $\log 3240$

2)  $\log 0.00324$

3)  $2.5105 = \log ?$

3)  $\log 2.15 = 0.3324, 3.3324 = \log ?$

4)  $\log A = (n - 1) + 0.xxxx, A = ?$

$\log$  진수가  $n$ 자리 (A 자리수,  $n - 1$ 지표)

5)  $\log 0.324 = \log 3.24 * 10^{-1} = -1 + 0.5105$

6)  $\log 0.0324 = \log 3.24 * 10^{-2} = -2 + 0.5105$

$\log A = -n + 0.xxxx,$

1)  $6^{100}$ 는 몇자리 수 인가? ( $\log 2=0.3010$ ,  $\log 3=0.4771$ ,  $\log 7=0.8451$ )

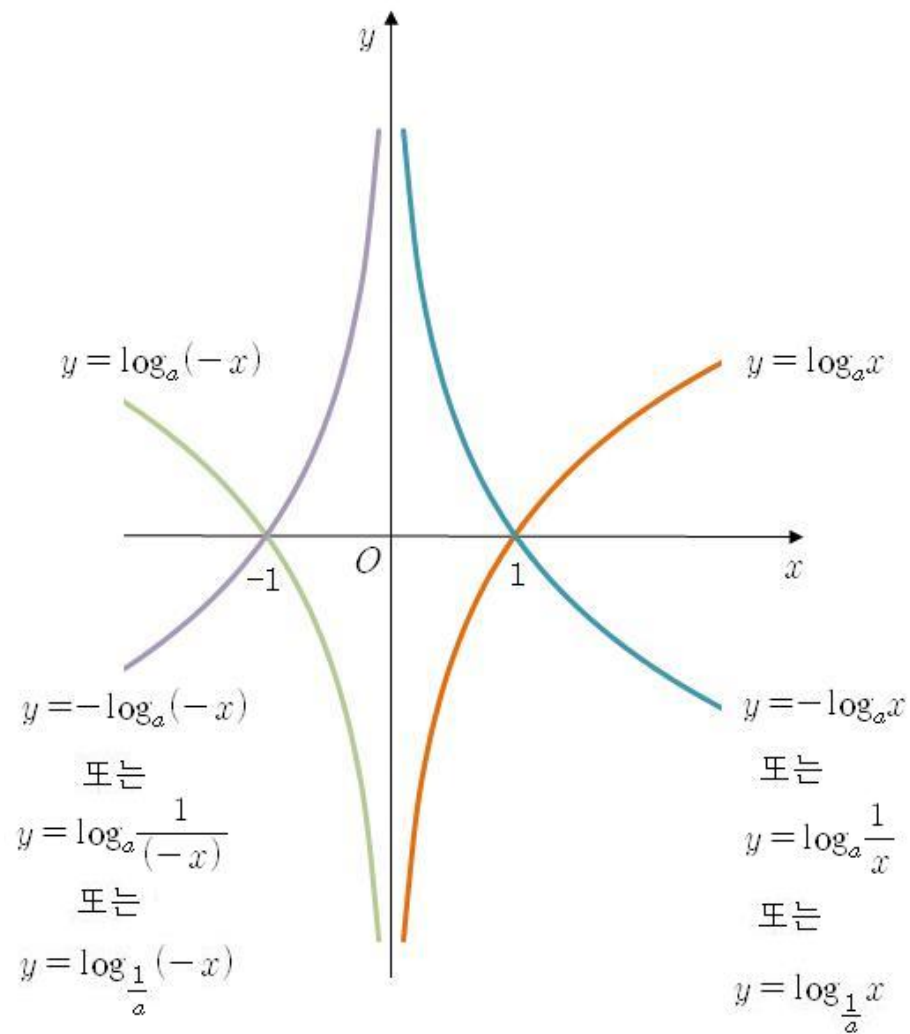
2)  $5^{-30}$ 는 소수점 몇번째에서 0이아닌수 인가? ( $\log 2=0.3010$ ,  $\log 3=0.4771$ )

3)  $6^{50} \div 7^{50} = ?$

$7^{100}$ 은 85자리수,  $11^{100}$ 은 105 자리수

1)  $7^{25} = ?$

2)  $77^{20} = ?$



$$\sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}}, \quad \sqrt[3]{a} = a^{\frac{1}{3}}$$

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b} \quad \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \frac{\sqrt{a}}{b}$$

$$\sqrt{a^2} = |a|$$

$$(\sqrt{a})^2 = (a^{\frac{1}{2}})^2 = a^{\frac{1}{2} \times 2} = a \quad (-\sqrt{a})^2 = a$$

$$(\sqrt[3]{a})^3 = (a^{\frac{1}{3}})^3 = a^{\frac{1}{3} \times 3} = a$$

$$(\sqrt{a} + \sqrt{b})(\sqrt{a} - \sqrt{b}) = a - b$$

$$(\sqrt{a} \pm \sqrt{b})^2 = a \pm 2\sqrt{ab} + b$$

### 분모의 유리화

$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$

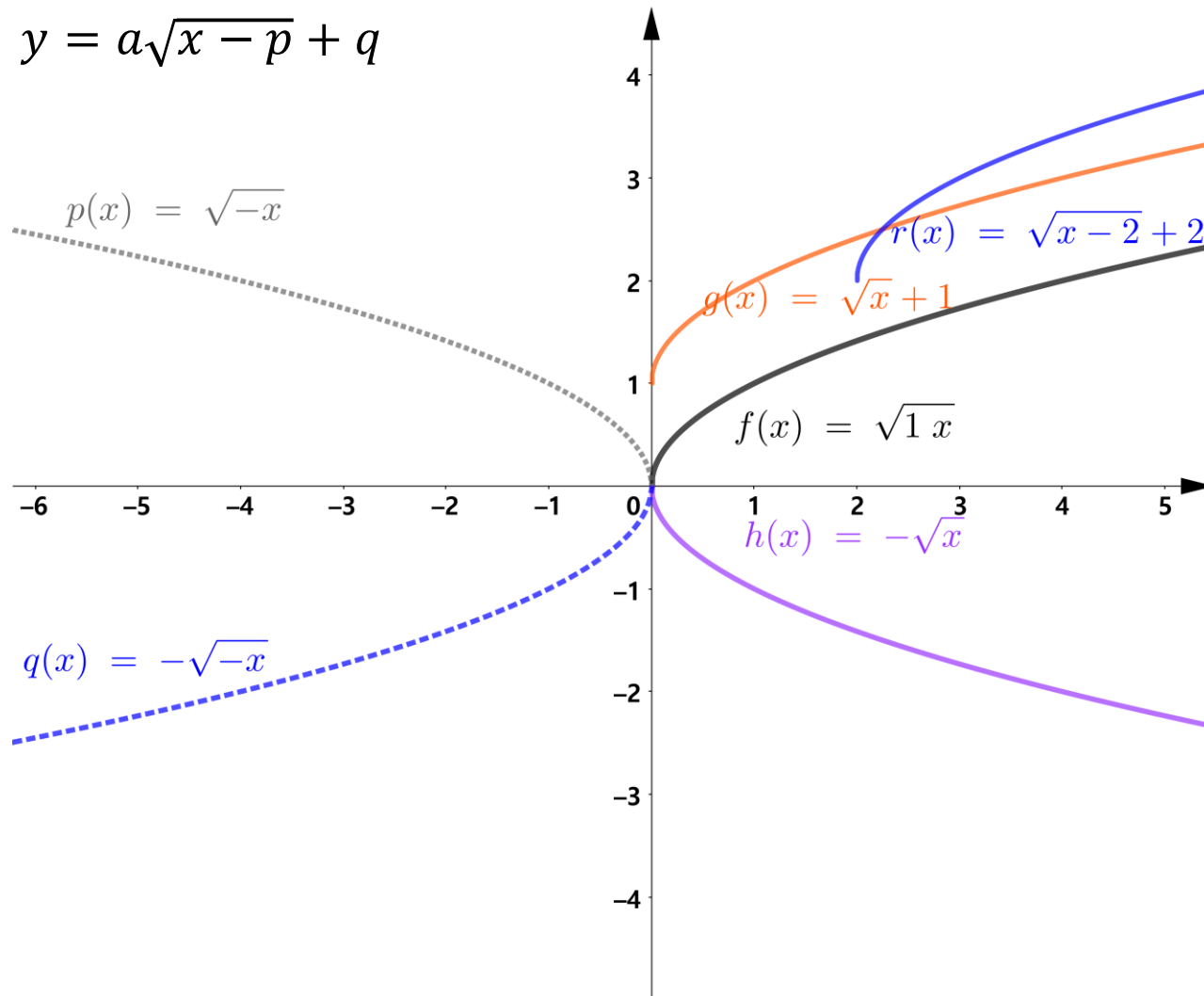
$$\frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$= \frac{1 \times \sqrt{a}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{2}{\sqrt{5} + \sqrt{3}}$$

$$\frac{2 + \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}}$$





부천대학교  
BUCHEON UNIVERSITY

